# Муниципальное автономное образовательное учреждение «Средняя общеобразовательная школа № 4 имени Героя Советского Союза Е.А. Жданова» г. Колпашево

Приложение № 1 к Основной образовательной программе среднего общего образования МАОУ «СОШ № 4 им. Е.А. Жданова» г. Колпашево

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

# учебного предмета «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА»

10-11 класс

(среднего общего образования)

#### СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА

#### 10 класс

Представление данных с помощью таблиц и диаграмм. Среднее арифметическое, медиана, наибольшееи наименьшее значения, размах, дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов.

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями.

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полнойвероятности. Независимые события.

Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний Бернулли.

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Примеры распределений, в том числе, геометрическое и биномиальное.

#### 11 класс

Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение. Примеры применения математического ожидания, в том числе в задачах из повседневной жизни. Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание и дисперсия геометрического и биномиального распределений.

Закон больших чисел и его роль в науке, природе и обществе. Выборочный метод исследований.

Примеры непрерывных случайных величин. Понятие о плотности распределения. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Понятие о нормальном распределении.

### ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Вероятность и статистика» характеризуются:

• Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

• Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

• Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

• Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

#### • Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

#### • Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

#### • Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

#### • Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

#### МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Вероятность и статистика» характеризуются овладением универсальными познавательными действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.

#### 1. Универсальные познавательные действия, обеспечивают:

- формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).

#### Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

#### Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

#### Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.
- **2.** Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.

#### • Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; вко рректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

#### • Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.
- **3.** Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.

#### Самоорганизация:

- составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

#### Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

### ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ 10 КЛАСС

- 1. Читать и строить таблицы и диаграммы. Оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее, наименьшее значение, размах массива числовых данных.
- 2. Оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт) и случайное событие, элементарное событие (элементарный исход) случайного опыта; находить вероятности в опытах с равновозможными случайными событиями, находить и сравнивать вероятности событий в изученных случайных экспериментах.
- 3. Находить и формулировать события: пересечение и объединение данных событий, событие, противоположное данному событию; пользоваться диаграммами Эйлера и формулой сложения вероятностей при решении задач.

- 4. Оперировать понятиями: условная вероятность, независимые события; находить вероятности с помощью правила умножения, с помощью дерева случайного опыта.
- 5. Применять комбинаторное правило умножения при решении задач.
- 6. Оперировать понятиями: испытание, независимые испытания, серия испытаний, успех и неудача; находить вероятности событий в серии независимых испытаний до первого успеха; находить вероятности событий в серии испытаний Бернулли. Оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения.

#### 11 КЛАСС

- 1. Сравнивать вероятности значений случайной величины по распределению или с помощью диаграмм.
- 2. Оперировать понятием математического ожидания; приводить примеры, как применяется математическое ожидание случайной величины находить математическое ожидание по данному распределению.
- 3. Иметь представление о законе больших чисел. Иметь представление о нормальном распределении

### ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10 класс

						то кла	<u>cc</u>
No॒	Наименование разделов и тем	К	оличество	часов часов	Дата	Виды кон-	Электронные ре-
	программы	всего	контр- раб.	практ раб.		троля	сурсы
1.1.	Представление данных с помо- щью таблиц и диаграмм	1	_				https://ww w.yaklass.ru
1.2.	Среднее арифметическое, меди- ана	1					https://ww w.yaklass.ru
1.3.	Наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числовых наборов	1					https://www.yak- lass.ru
1.4.	Практическая работа «Представление данных и описа-тельная статистика»	1		1		Практиче- ская работа;	https://www.yak- lass.ru
Итого	о по разделу	4					
2.1.	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (ис-ходы)	1					https://ww w.yaklass.ru
2.2.	Вероятность случайного событи Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями.						https://ww w.yaklass.ru
2.3.	Практическая работа «Случайны опыты и случайные события, опыты с равновозможными элементарными исходами»	1		1		Практиче- ская работа	https://www.yak- lass.ru
Итого	о по разделу	3					
3.1.	Операции над событиями: пересечение, объединение событий, противоположные события	1					https://ww w.yaklass.ru
3.2.	Диаграммы Эйлера	1					https://www.yak-
	Формула сложения вероятностей	1					lass.ru
Итого	о по разделу:	3				<u>.</u>	
4.1.	Условная вероятность	1					https://ww w.yaklass.ru
4.2.	Умножение вероятностей	1					https://ww w.yaklass.ru
4.3.	Дерево случайного экспери- мента	1					https://www.yak- lass.ru
	Формула полной вероятности	1					https://www.yak- lass.ru
	Независимые события	1					
4.6.	Практическая работа «Условная вероятность, дерево случайного опыта, формула полной вероятности и независимость событий»	1		1		Практи- ческая работа	

Итог	о по разделу:	6				
	Комбинаторное правило умно-	1				https://ww
5.2.	жения. Перестановки и факториал	1				w.yaklass.ru https://ww w.yaklass.ru
	Число сочетаний. Треугольник Паскаля	1				https://wwww.yak- lass.ru
5.4.	Формула бинома Ньютона	1				https://ww w.yak- lass.ru
Итог	о по разделу:	4				
6.1.	Бинарный случайный опыт (ис- пытание), успех и неудача	1				https://ww w.yaklass.ru
6.2.	Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Серия независимых испытаний Бернулли.	1				https://ww w.yaklass.ru
6.3.	Практическая работа с использованием электронных таблиц по теме: «Серии последовательных испытаний»	1	1	1	Практиче- ская работа;	https://www.yak- lass.ru
Итог	о по разделу:	3				
7.1	Случайная величина	1				https://ww
7.2	Распределение вероятностей	1				w.yaklass.ru
7.3	Диаграмма распределения	1				
7.4	Сумма и произведение случайных величин	1				https://www.yak- lass.ru
7.5	Примеры распределений, в том числе геометрическое ибиноми- альное					
Итог	о по разделу:	6				
8.1.	Описательная статистика	1				https://ww w.yaklass.ru
8.2	Случайные опыты и вероятно- сти случайных событий	1				https://ww w.yaklass.ru
8.3	Операции надсобытиями	1				https://wwww.yak- lass.ru
8.4	Элементы комбинаторики, серии независимых испытаний	1				https://wwww.yak- lass.ru
8.5	Итоговая контрольная работа	1	1		контр. ра- бота	
Итог	о по разделу:	5	1			
ОБЩІ	ЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ	34	1	4		

# ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 11 КЛАСС

No	Наименование разделов и тем	Количество часов		Дата Виды,		Электронные обра-	
		всего	контр.	прак. ра-		формы кон-	зовательные ре-
			работ	бот		троля	сурсы
1.1.	Случайные опыты и вероятности	2					
	случайных событий						
1.2.	Серии независимых испытаний	1					
	Случайные величины и распре-	1					
	деления						
Итого	о по разделу	4		1		-1	
	Примеры применения математи-	1					https://ww
	ческого ожидания (страхование,						w.yaklass.ru
	лотерея).						, vij dillidissii d
2.2.	Математическое ожидание	1					https://ww
	суммы случайных величин						w.yaklass.ru
2.3.	Математическое ожидание	2				Практиче-	https://www.yak-
2.5.	геометрического и биноми-	_				ская работа	_
	ального распределений					enas pueera	1455.14
Итого	о по разделу	4					
	Дисперсии геометрического и	2					https://ww
	дисперсии теометрического и биномиального распределения.	2					w.yaklass.ru
	Практическая работа с исполь-	1		1		Практи-	https://ww
3.3.	зованием электронных таблиц	1		1		ческая	w.yaklass.ru
	по теме: «Дисперсия и стандарт-					работа	w.yakiass.iu
	ное отклонение случайной вели-					раоота	
	чины»						
Итого	о по разделу:	<u></u>					
	Закон больших чисел	1					http://www.
4.1.	закон оольших чисел	1					https://ww w.yaklass.ru
4.2.	Выборочный метод исследова-	1					https://ww
<b>4.</b> ∠.	выоорочный метод исследова- ний	1					w.yaklass.ru
4.6.	практическая работа с исполь-	1				Практиче-	https://www.yak-
4.0.	зованием электронных таблиц	1		1		ская	lass.ru
	по теме: «Закон больших чисел»			1		работа	1455.1 u
	о по разделу:	3				раоота	
		1					1-44:
5.1.	Примеры непрерывных случай-	1					https://ww
	ных величин. Функция плотности						w.yaklass.ru
5.2	распределения.	1					1-44
5.2.	Равномерное распределение и его свойства	1					https://ww
Итог	и его своиства о по разделу:	2					w.yaklass.ru
	ел 6. Нормальное распределение	е – 2 ча	ıca	<b>T</b>	1		
	Задачи, приводящие к нормаль-	1					https://ww
	ному распределению. Функция						w.yaklass.ru
	плотности и свойства нормаль-						
	ного распределения						
6.2.	Практическая работа с исполь-	1		1		1	https://ww
	зованием электронных таблиц					бота	w.yaklass.ru
	по теме: «Нормальное распреде-						
	ления»	2					
Итого по разделу:		2					

7.1	Представление данных с помо-	3				https://ww
/.1	щью таблиц и диаграмм					w.yaklass.r u
7.2	Описательная статистика	2				https://ww w.yaklass.ru
7.3	Опыты с равновозможными эле- ментарными событиями	2				https://ww w.yaklass.ru
7.4	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов (координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера)					https://www.yak- lass.ru
7.5	Случайные величины и распре- деления	2				
7.6	Математическое ожидание случайной величины	2				
7.7	Итоговая контрольная работа	1	1		Контр. ра- бота	
Итог	о по разделу:	15	1			
	ЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ГРАММЕ	34	1	3		

### ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 класс

N п\п	Содержание учебного материала	количество часов	дата проведения	корректи- ровка
П	редставление данных и описательная статистика	4		
1	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм	1		
2	Среднее арифметическое, медиана	1		
3	Наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числовых наборов	1		
4	Практическая работа «Представление данных и описательная статистика»	1		
Слу	учайные опыты и случайные события, опыты с рав- новозможными элементарными исходами	3		
5	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)	1		
6	Вероятность случайного события. Вероятности событив в опытах с равновозможными элементарными событиями.	1		
	Практическая работа «Случайные опыты и случайные события, опыты с равновозможными элементарными исходами»	1		
	Операции над событиями, сложение вероятностей	3		
8	Операции над событиями: пересечение, объединение событий, противоположные события	1		
9	Диаграммы Эйлера	1		
10	Формула сложения вероятностей	1		
3	словная вероятность, дерево случайных событий	6		
11	Условная вероятность	1		
12	Умножение вероятностей	1		
13	Дерево случайного эксперимента	1		
14	Формула полной вероятности	1		
15	Независимые события	1		
16	Практическая работа «Условная вероятность, дерево случайного опыта, формула полной вероятности и независимость событий»	1		
	Элементы комбинаторики	4		
17	Комбинаторное правило умножения.	1		
18	Перестановки и факториал	1		

		Ι.		
19	Число сочетаний. Треугольник Паскаля	1		
20	Формула бинома Ньютона	1		
	Серии последовательных испытаний		3	
21	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и не-	1		
	удача			
22	Независимые испытания. Серия независимых испыта-	1		
	ний до первого успеха. Серия независимых испыта-			
	ний Бернулли.			
23	Практическая работа с использованием электронных	1		
	таблиц по теме: «Серии последовательных испыта-			
	ний»			
	Случайные величины и распределение		6	
24	Случайная величина	1		
25	Распределение вероятностей	1		
26	Диаграмма распределения	1		
27	Сумма и произведение случайных величин	1		
28 -	Примеры распределений, в том числе геометрическое	2		
29	и биномиальное			
	Обобщение и систематизация		5	
30	Описательная статистика	1		
31	Случайные опыты и вероятности случайных событий	1		
32	Операции над событиями	1		
33	Элементы комбинаторики, серии независимых испыта-	1		
	ний	•		
34	Итоговая контрольная работа	1		
	Е КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ	34		
ОВЩЕ	E NOVIII ECTEO TICOB	Γ'		

# Поурочное планирование 11 класс

№	Наименование разделов и тем	Количество часов	Дата проведения	Корректи- ровка
	Повторение, обобщение и систематизация знаний	4		
12	Случайные опыты и вероятности случайных событий	2		
3	Серии независимых испытаний	1		
4	Случайные величины и распределения	1		
		4		
5	Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея).	1		
6	Математическое ожидание суммы случайных величин	1		
7-8	Математическое ожидание геометрического и бино- миального распределений	2		
	Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины	4		
9-11	Дисперсии геометрического и биномиального распределения.	3		
12	Практическая работа с использованием электронных таблиц по теме: «Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины»	1		
	Закон больших чисел	3		
13	Закон больших чисел	1		
14	Выборочный метод исследований	1		
15	Практическая работа с использованием электронных таблиц по теме: «Закон больших чисел»	1		
Н	епрерывные случайные величины (распределения)	2		
16	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности распределения.	1		
17	Равномерное распределение и его свойства	1		
	Нормальное распределение	2		
18	Задачи, приводящие к нормальному распределению. Функция плотности и свойства нормального распределения	1		
19	Практическая работа с использованием электронных	1		
	таблиц по теме: «Нормальное распределения»	15		
10	Повторение и обобщение	15		
10- 22	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм	3		
23-	Описательная статистика	2		

24			
25-	Опыты с равновозможными элементарными событиями	2	
26	-		
27-	Вычисление вероятностей событий с применением фор-	3	
29	мул и графических методов (координатная прямая, де-		
	рево, диаграмма Эйлера)		
30-	Случайные величины и распределения	2	
31			
32-	Математическое ожидание случайной величины	2	
33			
34	Итоговая контрольная работа	1	
ОБЩ	ЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	34	